

Централизованное тестирование по математике, 2011

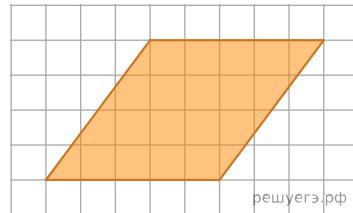
При выполнении заданий с кратким ответом впишите в поле для ответа цифру, которая соответствует номеру правильного ответа, или число, слово, последовательность букв (слов) или цифр. Ответ следует записывать без пробелов и каких-либо дополнительных символов. Дробную часть отделяйте от целой десятичной запятой. Единицы измерений писать не нужно.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

1. Функция $y = \operatorname{tg} x$ не определена в точке:

$$1) 2\pi \quad 2) -\frac{5\pi}{2} \quad 3) \frac{2\pi}{5} \quad 4) \frac{\pi}{4} \quad 5) -3\pi$$

2. На клетчатой бумаге с клетками размером 1 см \times 1 см изображён параллелограмм. Найдите его площадь в квадратных сантиметрах.



$$1) 10 \quad 2) 25 \quad 3) 15 \quad 4) 20 \quad 5) 18$$

3. Если $7\frac{2}{9} : x = 4\frac{1}{3} : 3\frac{3}{5}$ — верная пропорция, то число x равно:

$$1) 5\frac{2}{3} \quad 2) 6 \quad 3) 4 \quad 4) 1,6 \quad 5) 1,5$$

4. Если 15% некоторого числа равны 33, то 20% этого числа равны:

$$1) 44 \quad 2) 46 \quad 3) 55 \quad 4) 56 \quad 5) 66$$

5. Если $9x - 24 = 0$, то $18x - 31$ равно:

$$1) 13 \quad 2) -17 \quad 3) 17 \quad 4) 21 \quad 5) -19$$

6. Результат упрощения выражения $2^{3x+4} - 2^{3x}$ имеет вид:

$$1) 15 \cdot 2^{3x} \quad 2) 16 \quad 3) 2^{6x+4} \quad 4) 2^{\frac{3x+4}{3x}} \quad 5) 8$$

7. Сумма корней (или корень, если он один) уравнения $(x + 3)\sqrt{x - 1} = 0$ равна:

$$1) -1 \quad 2) 3 \quad 3) -2 \quad 4) 1 \quad 5) -3$$

8. От листа жести, имеющего форму квадрата, отрезали прямоугольную полосу шириной 7 дм, после чего площадь оставшейся части листа оказалась равной 30 дм². Длина стороны квадратного листа (в дециметрах) была равна:

$$1) 11 \quad 2) 12 \quad 3) 10 \quad 4) 9 \quad 5) 8$$

9. Значение выражения $3^{-12} \cdot (3^{-5})^{-2}$ равно:

$$1) 81 \quad 2) 3^{-22} \quad 3) 9 \quad 4) 3^{-19} \quad 5) \frac{1}{9}$$

10. Площадь осевого сечения цилиндра равна 10. Площадь его боковой поверхности равна:

$$1) 5\pi \quad 2) 10\pi \quad 3) 20\pi \quad 4) 20 \quad 5) 10$$

11. Найдите значение выражения $230 \cdot \frac{2}{9} - \left(\frac{2}{9} + \frac{1}{10}\right) : \frac{1}{230}$.

$$1) 0,1 \quad 2) 43\frac{4}{9} \quad 3) -0,1 \quad 4) -23 \quad 5) 23$$

12. Упростите выражение $\frac{x^2 - 22x + 121}{x^2 - 11x} : \frac{x^2 - 121}{x^3}$.

$$1) \frac{x}{x+11} \quad 2) \frac{(x-11)^2}{x^4} \quad 3) \frac{x-11}{x+11} \quad 4) \frac{x^2}{x-11} \quad 5) \frac{x^2}{x+11}$$

13. Параллельно стороне треугольника, равной 5, проведена прямая. Длина отрезка этой прямой, заключенного между сторонами треугольника, равна 2. Найдите отношение площади полученной трапеции к площади исходного треугольника.

$$1) \frac{2}{5} \quad 2) 0,6 \quad 3) \frac{21}{25} \quad 4) \frac{4}{25} \quad 5) \frac{3}{25}$$

14. Сумма координат точки пересечения прямых, заданных уравнениями $2x + 5y = 11$ и $x + y = 2(5 - y)$, равна:

$$1) 8 \quad 2) -8 \quad 3) 10 \quad 4) -10 \quad 5) 6$$

15. Количество целых решений неравенства $\frac{(x+3)^2 - 6x - 18}{(x-5)^2} > 0$ на промежутке $[-4; 5]$ равно:

$$1) 2 \quad 2) 7 \quad 3) 4 \quad 4) 5 \quad 5) 3$$

16. В ромб площадью $18\sqrt{5}$ вписан круг площадью 5π . Сторона ромба равна:

$$1) 8 \quad 2) 18 \quad 3) \frac{9\sqrt{5}}{5} \quad 4) \frac{18\sqrt{5}}{5} \quad 5) 9$$

17. Расположите числа $\sqrt[12]{80}; \sqrt[3]{3}; \sqrt[4]{4}$ в порядке возрастания.

$$1) \sqrt[4]{4}; \sqrt[3]{3}; \sqrt[12]{80}; \quad 2) \sqrt[3]{3}; \sqrt[4]{4}; \sqrt[12]{80}; \quad 3) \sqrt[3]{3}; \sqrt[12]{80}; \sqrt[4]{4}; \quad 4) \sqrt[4]{4}; \sqrt[12]{80}; \sqrt[3]{3}; \quad 5) \sqrt[12]{80}; \sqrt[3]{3}; \sqrt[4]{4}$$

18. Найдите наименьший положительный корень уравнения $4\sin^2 x + 12\cos x - 9 = 0$.

$$1) \frac{2\pi}{3} \quad 2) \arccos \frac{5}{2} \quad 3) \frac{\pi}{3} \quad 4) \frac{\pi}{6} \quad 5) \pi - \arccos \frac{5}{2}$$

19. Найдите произведение корней уравнения $\frac{3}{x+1} + 1 = \frac{10}{x^2 + 2x + 1}$.

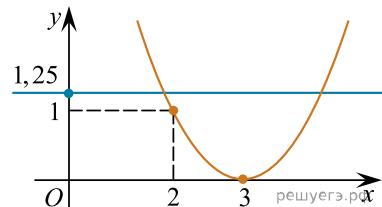
20. Диагонали трапеции равны 15 и 20. Найдите площадь трапеции, если ее средняя линия равна 12,5.

21. Сумма корней (или корень, если он один) уравнения $2 \cdot 6^{\log_7 x} = 108 - x^{\log_7 6}$ равна ...

22. Найдите сумму целых решений неравенства $2^{3x+4} - 10 \cdot 4^x + 2^x \leq 0$.

23. По двум перпендикулярным прямым, которые пересекаются в точке O , движутся две точки M_1 и M_2 по направлению к точке O со скоростями $1 \frac{\text{м}}{\text{с}}$ и $2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$ соответственно. Достигнув точки O , они продолжают свое движение. В первоначальный момент времени $M_1O = 5$ м, $M_2O = 20$ м. Через сколько секунд расстояние между точками M_1 и M_2 будет минимальным?

24. Найдите $4x_1 \cdot x_2$, где x_1, x_2 — абсциссы точек пересечения параболы и горизонтальной прямой (см. рис.).



25. Четырёхугольник $ABCD$ вписан в окружность. Если $\angle BAC = 40^\circ$, $\angle ABD = 75^\circ$, то градусная мера между прямыми AB и CD равна ...

26. Найдите значение выражения: $\frac{\sin^2 184^\circ}{4 \sin^2 23^\circ \cdot \sin^2 2^\circ \cdot \sin^2 44^\circ \cdot \sin^2 67^\circ}$.

27. В арифметической прогрессии 130 членов, их сумма равна 130, а сумма членов с четными номерами на 130 больше суммы членов с нечетными номерами. Найдите сотый член этой прогрессии.

28. В равнобокой трапеции большее основание вдвое больше каждой из остальных сторон и лежит в плоскости α . Боковая сторона образует с плоскостью α угол, синус которого равен $\frac{5\sqrt{3}}{18}$. Найдите $36\sin\beta$, где β — угол между диагональю трапеции и плоскостью α .

29. Количество целых решений неравенства $2^{x+6} + \log_{0,5}(6-x) > 13$ равно ...

30. Основанием пирамиды $SABCD$ является ромб со стороной $2\sqrt{3}$ и углом BAD , равным $\arccos \frac{3}{4}$. Ребро SD перпендикулярно основанию, а ребро SB образует с основанием угол 60° . Найдите радиус R сферы, проходящей через точки A, B, C и середину ребра SB . В ответ запишите значение выражения R^2 .